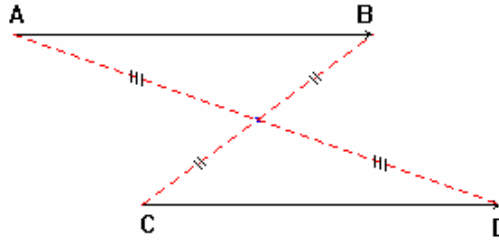


I\_ تساوي متجهتين :

(1) – تعريف ① :

إذا كان  $\overline{AB} = \overline{CD}$  فإن  $[AD]$  و  $[BC]$  لهما نفس المنتصف  
إذا كان  $[AD]$  و  $[BC]$  لهما نفس المنتصف فإن  $\overline{AB} = \overline{CD}$

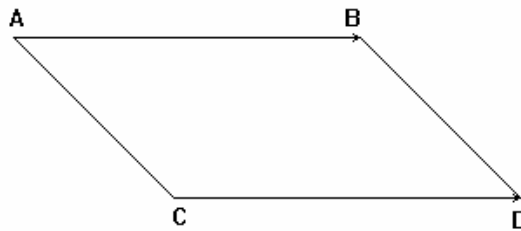
\* / مثال :



(2) – تعريف ② :

إذا كان  $\overline{AB} = \overline{CD}$  فإن الرباعي ABDC متوازي الأضلاع  
إذا كان رباعي ABDC متوازي الأضلاع فإن  $\overline{AB} = \overline{CD}$

\* / مثال :



(3) – خاصية :

$\overline{AB} = \overline{CD}$  يعني أن :  
 --  $\overline{AB}$  و  $\overline{CD}$  لهما نفس الإتجاه أي  $(AB) \parallel (CD)$   
 --  $\overline{AB}$  و  $\overline{CD}$  لهما نفس المنحى .  
 --  $\overline{AB}$  و  $\overline{CD}$  لهما نفس المنظم ( المعيار ) أي  $AB = CD$  .

(4) – المتجهة المنعدمة :

متجهة منعدمة :  $\overrightarrow{AA} = \overrightarrow{BB} = \overrightarrow{CC} = \overrightarrow{O}$   
إذا كان  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{O}$  فإن  $A = B$  ( و B منطبقتان )

(5) – مقابل متجهة :

مقابل المتجهة  $\overrightarrow{AB}$  هي المتجهة  $\overrightarrow{BA}$  .  
ونكتب :  $\overrightarrow{BA} = -\overrightarrow{AB}$  .

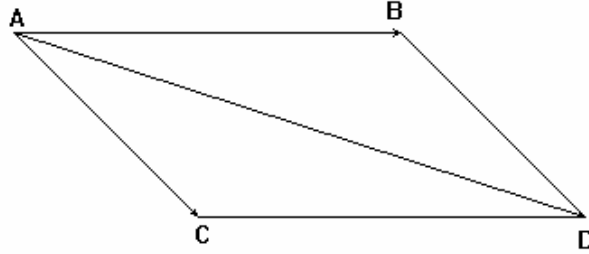
(6) – مجموع متجهتين :

مجموع المتجهتين  $\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{AC}$  هو المتجهة  $\overrightarrow{AD}$   
بحيث الرباعي ABDC متوازي الأضلاع.

\* / مثال 1 :

$\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{AC}$  متجهتان غير منعدمتين .

لننشئ النقطة D بحيث :  $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$



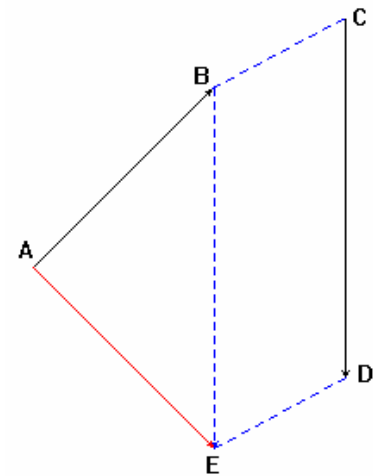
\* / مثال 2 :

$\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{CD}$  متجهتان غير منعدمتين .

لننشئ E بحيث :  $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD}$

من أجل هذا سننشئ E بحيث :  $\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{CD}$

أي BEDC متوازي الأضلاع .



$$\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD}$$

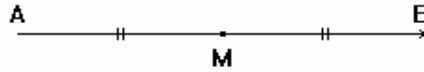
(7) - ضرب متجهة في عدد حقيقي :

$\overrightarrow{AB}$  متجهة غير منعدمة و  $k$  عدد حقيقي .  
نسمي المتجهة  $\overrightarrow{AM}$  جداء المتجهة  $\overrightarrow{AB}$  في العدد الحقيقي  $k$  ، إذا كانت  
M نقطة من المستقيم (AB) بحيث :  $\overrightarrow{AM} = k \overrightarrow{AB}$  .  
-- إذا كان  $k > 0$  فإن :  $AM = k \cdot AB$  و  $\overrightarrow{AM}$  و  $\overrightarrow{AB}$  لهما نفس المنحى .  
-- إذا كان  $k < 0$  فإن :  $AM = -k \cdot AB$  و  $\overrightarrow{AM}$  و  $\overrightarrow{AB}$  لهما منحى معاكس .  
-- إذا كان  $k = 0$  فإن :  $A = M$  .

(8) - المتجهة و المنتصف :

A و B و M ثلاث نقط  
M منتصف [AB] يعني أن :  $\overrightarrow{MA} = -\overrightarrow{MB}$  و  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = \vec{0}$   
M منتصف [AB] يعني أن :  $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{MB} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$

\* / مثال :

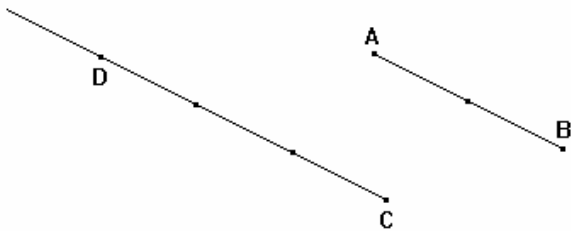


(9) - خاصيات :

K عدد حقيقي غير منعدم  
\* / إذا كان :  $\overrightarrow{AC} = k \overrightarrow{AB}$  فإن النقط A و B و C مستقيمية .  
\* / إذا كان :  $\overrightarrow{CD} = k \overrightarrow{AB}$  فإن (AB) // (CD)  
ونقول :  $\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{CD}$  متجهتان مستقيمتان .

\* / مثال :

A و B و C ثلاث نقط غير مستقيمية .

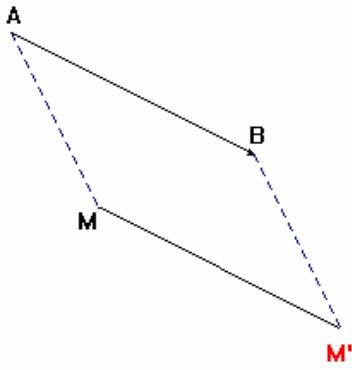


لننشئ D بحيث :  $\overrightarrow{CD} = -\frac{3}{2} \overrightarrow{AB}$  .

$\overrightarrow{CD} = -\frac{3}{2} \overrightarrow{AB}$  يعني أن (AB) // (CD)

و  $\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{CD}$  متجهتان مستقيمتان مناهما منعكسان .

II\_ الإزاحة :  
(1) - مثال :



$\overline{AB}$  متجهة غير منعدمة و  $M$  نقطة .

لننشئ النقطة  $M'$  بحيث :  $\overline{AB} = \overline{MM'}$  .

$\overline{AB} = \overline{MM'}$  يعني أن  $ABM'M$  متوازي الأضلاع .

(1) - تعريف :

$\overline{AB}$  متجهة غير منعدمة و  $M$  نقطة .  
 $M'$  صورة  $M$  بالإزاحة ذات المتجهة ( أو بالإزاحة التي تحول  $A$  إلى  $B$  )  
يعني أن :  $\overline{AB} = \overline{MM'}$  أي  $ABM'M$  متوازي الأضلاع .

(2) - خاصية أساسية :

إذا كانت  $M'$  و  $N'$  صورتين  $M$  و  $N$  على التوالي بإزاحة  
فإن :  $\overline{MN} = \overline{M'N'}$  .

(3) - صور بعض الأشكال :

(أ) -- صورة مستقيم :

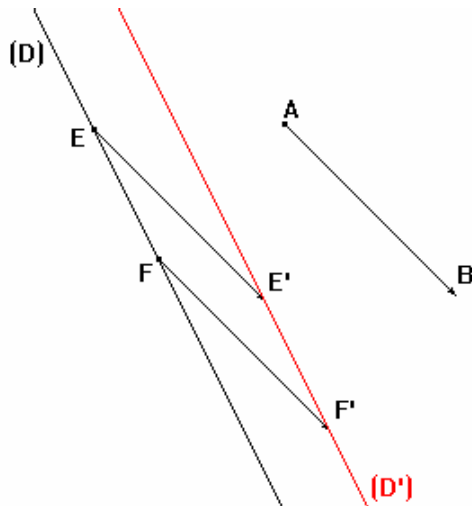
صورة مستقيم بإزاحة هو مستقيم يوازيه

\* / ملاحظة هامة :

لإنشاء صورة مستقيم بإزاحة نحدد نقطتين مختلفتين على هذا المستقيم

ثم ننشئ صورتيهما بنفس الإزاحة .

\* / مثال :



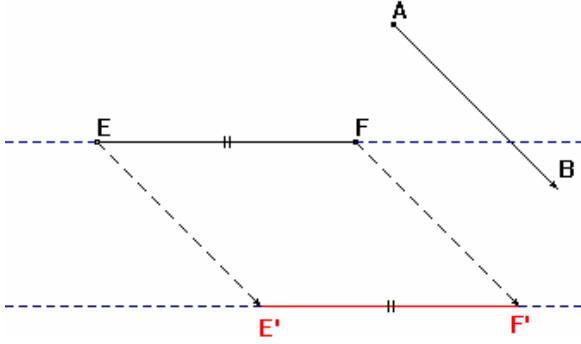
$\overline{AB}$  متجهة غير منعدمة و (D) مستقيم

لننشئ (D') صورة (D) بالإزاحة ذات المتجهة  $\overline{AB}$  .

(ب) -- صورة قطعة :

صورة قطعة [EF] بإزاحة هي القطعة [E'F'] بحيث :  
E' و F' هما صورتا E و F على التوالي بنفس الإزاحة  
و سيكون لدينا : (EF) // (E'F') و EF = E'F'

\* / مثال :



$\overline{AB}$  متجهة غير منعدمة و [EF] قطعة .

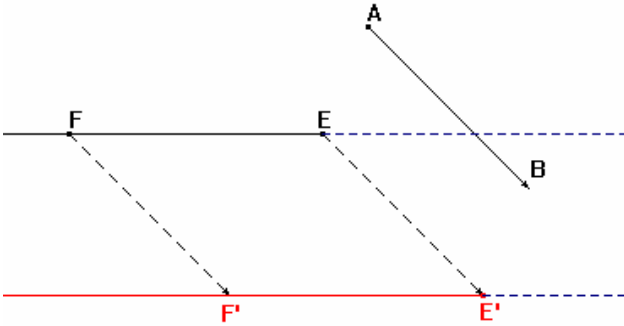
لننشئ القطعة [E'F'] صورة [EF]

بالإزاحة ذات المتجهة  $\overline{AB}$  .

(ج) -- صورة نصف مستقيم :

صورة نصف مستقيم (EF) بإزاحة هي نصف المستقيم (E'F') بحيث :  
E' و F' هما صورتا E و F على التوالي بنفس الإزاحة  
و سيكون لدينا : (EF) // (E'F')

\* / مثال :



$\overline{AB}$  متجهة غير منعدمة (EF) نصف مستقيم .

لننشئ نصف المستقيم (E'F') صورة (EF)

بالإزاحة ذات المتجهة  $\overline{AB}$  .

(د) -- صورة زاوية :

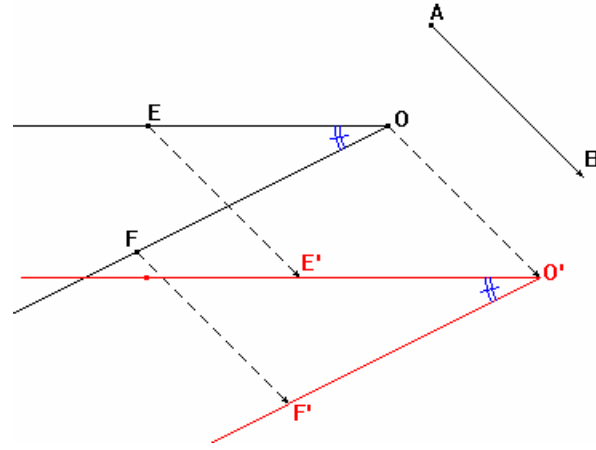
صورة زاوية  $\hat{A}OB$  بإزاحة هي الزاوية  $\hat{A}'O'B'$  بحيث :  
A' و O' و B' هي صور A و O و B على التوالي بنفس الإزاحة .  
و سيكون لدينا :  $\hat{A}OB = \hat{A}'O'B'$

\* / مثال :

$\overline{AB}$  متجهة غير منعدمة و  $\hat{A}OB$  زاوية .

لننشئ الزاوية  $\hat{A}'O'B'$  صورة  $\hat{A}OB$

بالإزاحة التي تحول A إلى B .

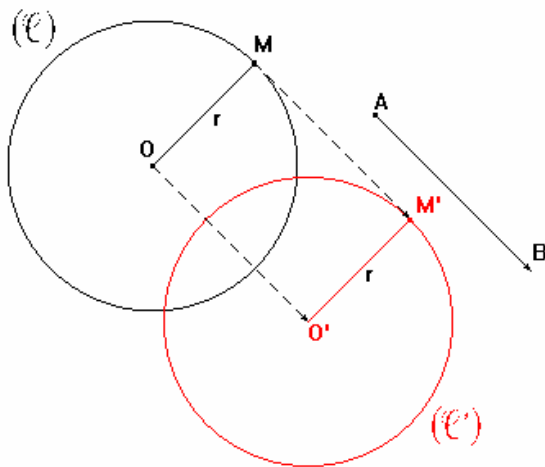


(ه) -- صورة دائرة :

صورة دائرة  $(\mathcal{L})$  مركزها  $O$  وشعاعها  $r$  هي الدائرة  $(\mathcal{L}')$  مركزها  $O'$  صورة  $O$  بنفس الإزاحة ولها نفس الشعاع  $r$ .

\*/ مثال :

$\overline{AB}$  متجهة غير منعدمة و  $(\mathcal{L})$  دائرة مركزها  $O$  وشعاعها  $r$ .



لننشئ الدائرة  $(\mathcal{L}')$  صورة  $(\mathcal{L})$

بالإزاحة التي تحول  $A$  إلى  $B$ .

لنبين أن للدائرتين نفس الشعاع  $r$ .

لدينا :  
 $O'$  صورة  $O$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overline{AB}$ .  
 $M'$  صورة  $M$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overline{AB}$ .

إذن :  $OM = O'M'$

و بما أن  $OM = r$  فإن  $O'M' = r$  و منه ننستنتج أن للدائرتين نفس الشعاع  $r$ .

\*/ ملاحظة هامة :

لإنشاء صورة دائرة بإزاحة ننشئ صورة المركز بنفس الإزاحة

ثم نحفظ بنفس الشعاع.