

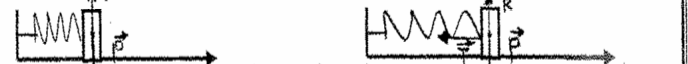
المتذبذبات الميكانيكية

النواس العرن:

نحصل على نواس مرن بربط نابض غير متصل اللفات بجسم صلب S ونثبت الطرف الآخر بحامل ثابت. نزيح S من موضع توازنه ثم نحرره فينجر حركة تذبذبية حول موضع توازنه

المعادلة التفاضلية و الزمنية لحركة النواس العرن:

يخضع الجسم S خلال حركته و في كل لحظة إلى ثلاثة قوى الشكل



بتطبيق قانون نيوتن الثاني على S نكتب $\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = m\vec{a}$ وبإسقاط العلاقة على المحور OX

نحصل على المعادلة التفاضلية المميزة لحركة تذبذبية جيبية: $\ddot{x} + \frac{k}{m}x = 0$ حلها جيبية

دور ها و ϕ طور الحركة عند $t=0$ $T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$ وسع الحركة x_m $x(t) = x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \phi\right)$

الطاقة الحركية للنواس: يعبر عنها ب: $E_c = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}k(x_m^2 - x^2)$

طاقة الوضع المرنة: يعبر عنها ب: $E_{p_e} = \frac{1}{2}k(\Delta l)^2 + cte$ حيث Δl الإطالة الكلية

تعبير الطاقة الميكانيكية: $E_m = \frac{1}{2}kx_m^2 + cte$

في غياب الاحتكاكات و عندما تكون القوى المحافظة هي التي تشتغل تكون المجموعة محافظة و تبقى الطاقة الميكانيكية ثابتة خلال الزمن.

نقول ان المتذبذب توافقي عندما تتذبذب المجموعة داخل بئر الجهد الشلجمي الشكل. او عندما يكون حل المعادلة التفاضلية حل جيبية.

* يمكن الحصول على المعادلة التفاضلية المميزة لحركة تذبذبية انطلاقا من تعبير الطاقة الميكانيكية

$$\frac{dE_m}{dt} = 0 \Rightarrow \ddot{x} + \frac{k}{m}x = 0$$

نواس اللي:

بتطبيق العلاقة الأساسية للحركة: نكتب $M_{\Delta}(\vec{P}) + M_{\Delta}(\vec{R}) + M_{\Delta}(\vec{T}) = J_{\Delta}\ddot{\theta}$

حيث عزم مزدوجة اللي $M_{\Delta}(\vec{T}) = -C\theta$ C ثابتة اللي.

نحصل على المعادلة التفاضلية $\ddot{\theta} + \frac{c}{J_{\Delta}}\theta = 0$ حلها جيبية يكتب على الشكل التالي:

$$T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi\sqrt{\frac{J_{\Delta}}{C}} \quad \text{و} \quad x(t) = x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \phi\right)$$

الطاقة الحركية لنواس اللي: $E_c = \frac{1}{2}J_{\Delta}\dot{\theta}^2$

طاقة وضع اللي: $E_{p_T} = \frac{1}{2}C\theta^2 + cte$ في غياب الاحتكاكات تتحول طاقة الوضع الى طاقة

حركية والعكس صحيح و الذي يترجم العلاقة $\Delta E_p = -\Delta E_c$

النواس الوزن: هو كل جسم قابل للدوران حول محور أفقي لا يمر من مركز قصوره G.

بتطبيق العلاقة الأساسية للحركة: $M_{\Delta}(\vec{P}) + M_{\Delta}(\vec{R}) = J_{\Delta}\ddot{\theta}$ نحصل على المعادلة

$$\ddot{\theta} + \frac{mgd}{J_{\Delta}}\sin\theta = 0$$

التفاضلية حيث $OG=d$ فحركة النواس الوزن حركة تذبذبية

ودورية وليست جيبية

و في حالة التذبذبات الصغيرة ($\theta \leq 15^\circ$) نحصل على المعادلة:

$$\ddot{\theta} + \frac{mgd}{J_{\Delta}}\theta = 0 \quad \text{حيث} \quad T_0 = 2\pi\sqrt{\frac{J_{\Delta}}{mgd}} \quad \text{و} \quad \omega_0^2 = \frac{mgd}{J_{\Delta}}$$

الطاقة الحركية للنواس: $E_c = \frac{1}{2}J_{\Delta}\dot{\theta}^2$ طاقة الوضع الثقالية $E_p = mgz + cte$

و في حالة التذبذبات الصغيرة $E_{p_e} = mgd(1 - \cos\theta)$ $E_p = mgd\frac{\theta^2}{2} + cte$

النواس البسيط: $J_{\Delta} = ml^2$ و $OG=l$ ونحصل على المعادلة: $\ddot{\theta} + \frac{g}{l}\theta = 0$

خمود التذبذبات الميكانيكية:

أثناء حركة المتذبذب يتناقص وسع التذبذبات إلى أن يتوقف نقول أن المتذبذب يخمد وهناك تبددا في الطاقة.

