

Travail et énergie potentielle de pesanteur

Energie mécanique

1- Energie potentielle de pesanteur

1-Définition :

L'énergie potentielle d'un solide est l'énergie qu'il possède du fait de sa position rapport à la terre.

Exemple

L'eau possède une énergie potentielle due à sa position par rapport à la surface de la terre. Cette énergie est utilisée dans les barrages pour produire de l'électricité.

2- L'expression de l'énergie potentielle de pesanteur

Dans le repère $\mathcal{R}(O, \vec{k})$, l'énergie potentielle de pesanteur E_{pp} d'un solide est défini par :

$$E_{pp} = m \cdot g \cdot z + C \text{ avec: } \begin{cases} m: \text{masse du solide en (kg)} \\ g: \text{intensité de pesanteur en (N/kg)} \\ z: \text{altitude du centre de gravité du solide en (m)} \end{cases}$$

L'unité de l'énergie potentielle dans le (SI) est le joule (J).

C est une constante qui représente la valeur de l'énergie potentielle de pesanteur à l'état de référence.

3- L'état de référence

L'état de référence est un état qu'on choisit arbitrairement et pour lequel l'énergie potentielle est nulle.

Application :

Déterminons l'expression de l'énergie potentielle en choisissant l'état de référence ($E_{pp} = 0$) à $z = z_0$

$$\text{Donc : } m \cdot g \cdot z_0 + C = 0 \text{ d'où : } C = -m \cdot g \cdot z_0$$

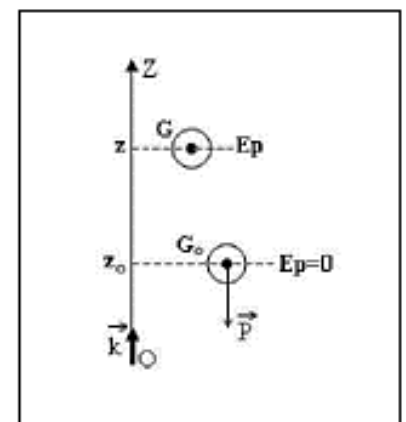
L'expression de l'énergie potentielle devient :

$$E_{pp} = m \cdot g \cdot z - m \cdot g \cdot z_0 \text{ donc : } E_{pp} = m \cdot g \cdot (z - z_0)$$

Si on prend $z_0 = 0$ alors l'expression de l'énergie potentielle devient :

$$E_{pp} = m \cdot g \cdot z$$

www.svt-assilah.com



Remarque

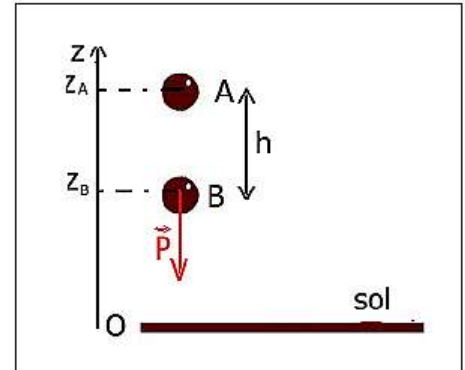
- Si $z > z_0$: on a $E_{pp} > 0$
- Si $z < z_0$: on a $E_{pp} < 0$
- L'énergie potentielle de pesanteur d'un solide augmente avec l'altitude z .

3- Variation de l'énergie potentielle de pesanteur :

Quand un corps solide se déplace d'un point A d'altitude z_A à un point B d'altitude z_B , la variation de l'énergie de pesanteur du corps est :

$$\Delta E_{pp} = E_{ppA} - E_{ppB} = m \cdot g \cdot z_A + C - (m \cdot g \cdot z_B + C) = m \cdot g \cdot (z_B - z_A)$$

$$\Delta E_{pp} = -W_{A \rightarrow B}(\vec{P})$$



La variation de l'énergie potentielle de pesanteur entre deux points est égale à l'opposé du travail du poids lors du déplacement entre ces deux points.

II- Énergie mécanique :

1- Définition :

L'énergie mécanique d'un solide, à chaque instant, est égale à la somme de son énergie cinétique E_c et de son énergie potentielle de pesanteur E_{pp} :

$$E_m = E_c + E_{pp}$$

Cas de chute libre :

$$E_m = \frac{1}{2} m \cdot v^2 + m \cdot g \cdot z + C$$

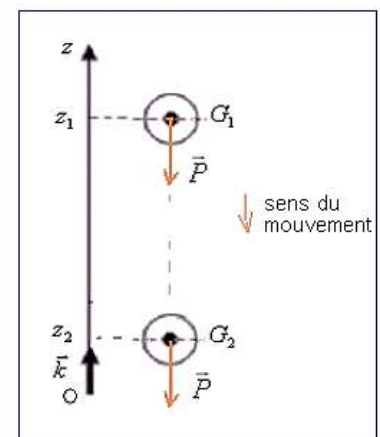
2- Conservation de l'énergie mécanique :

2-1- Le chute libre

Un corps solide (S) en chute libre (il n'est soumis qu'à son poids), se déplace d'un point A à un point B.

D'après le théorème de l'énergie cinétique :

$$\Delta E_c = E_{cB} - E_{cA} = W_{A \rightarrow B}(\vec{P})$$



On sait que :

$$\Delta E_{PP} = -W_{A \rightarrow B}(\vec{P})$$

Donc :

$$\Delta E_C = -\Delta E_{PP}$$

$$E_{CB} - E_{CA} = E_{PPA} - E_{PPB}$$

$$E_{CB} + E_{PPB} = E_{CA} + E_{PPA}$$

$E_{mB} = E_{mA} \rightarrow$ Il y a conservation de l'énergie mécanique

Conclusion :

L'énergie mécanique du solide en chute libre reste constante, on dit qu'elle se conserve.

Le poids est une forces conservative, son travail ne varie pas la valeur de l'énergie mécanique.

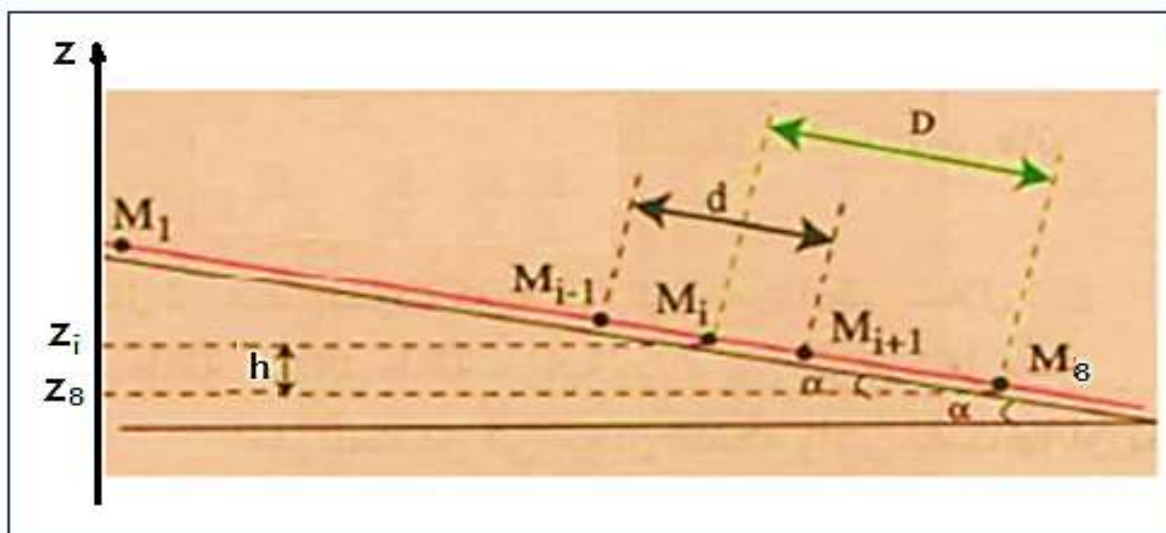
2-2- Cas d'un corps solide soumis à plusieurs forces sans frottement :

2-2-1- Activité expérimentale :

Etude du mouvement d'un autoporteur sur une table à coussin d'air inclinée

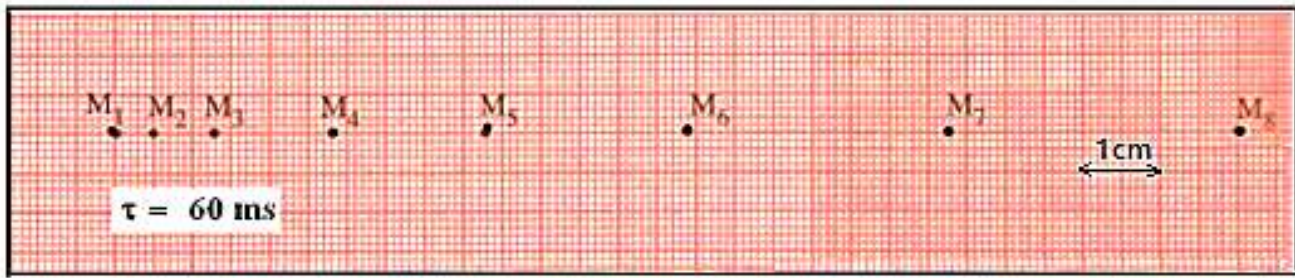
On dispose d'un autoporteur de masse $m = 732 \text{ g}$, posé sur une table à coussin d'air inclinée d'un angle $\alpha = 10^\circ$ par rapport à l'horizontale.

On prend $g = 9,8 \text{ N/kg}$.



L'autoporteur est abandonné sans vitesse initiale.

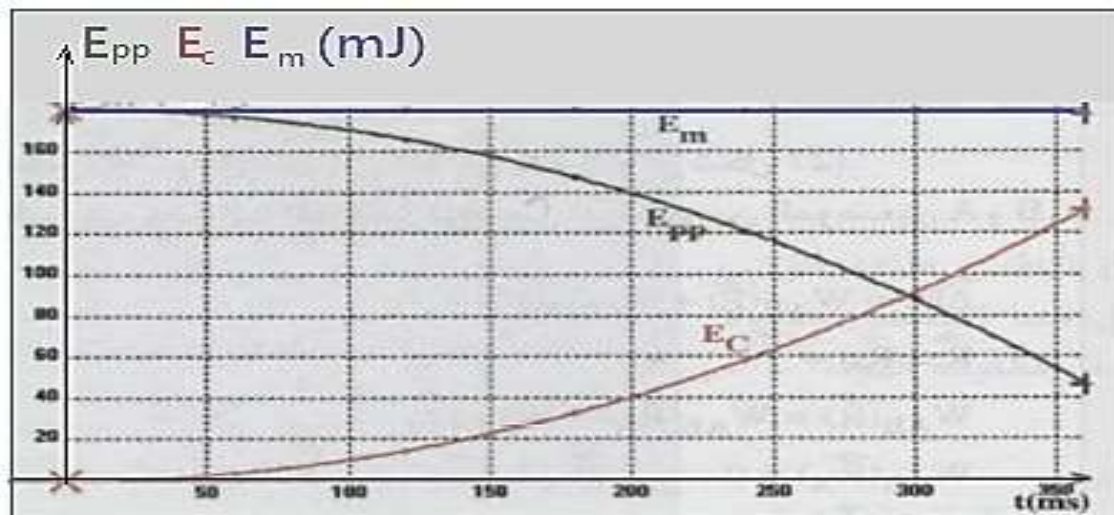
On enregistre les positions du centre d'inertie de l'autoporteur pendant des durées consécutifs et égaux $\tau = 60 \text{ ms}$, On obtient l'enregistrement suivant :



2-2-2- Le tableau des résultats :

| Position M_i | M_1 | M_2 | M_3 | M_4 | M_5 | M_6 | M_7 | M_8 |
|----------------------------------|-------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|-------|
| $t(\text{ms})$ | 0 | 60 | 120 | 180 | 240 | 300 | 360 | 420 |
| $d = M_{i-1}M_{i+1}$ | *** | 1,30 | 2,30 | 3,50 | 4,60 | 5,90 | 7,10 | *** |
| $D = M_i M_8 (10^{-1} \text{m})$ | 1,45 | 1,40 | 1,32 | 1,17 | 0,97 | 0,71 | 0,38 | *** |
| $E_c(\text{mJ})$ | *** | 4,295 | 13,445 | 31,135 | 53,782 | 88,475 | 128,125 | *** |
| $E_{pp}(\text{mJ})$ | | 174,395 | 164,43 | 145,745 | 120,831 | 88,443 | 47,336 | *** |
| $E_c + E_{pp}(\text{mJ})$ | *** | 178,69 | 177,875 | 176,88 | 174,613 | 176,918 | 175,461 | |

2-2-3- Représentation des énergies E_c , E_{pp} et E_m en fonction du temps :



2-3- Conclusion :

Lorsqu'un système est soumis sous l'action des forces conservatives ou non conservatives, et que le travail des forces non conservatives est nul, alors son énergie mécanique se conserve.

3- Non conservation de l'énergie mécanique :

3-1- Etude du mouvement d'un corps solide avec frottement sur un plan incliné :

La variation de l'énergie mécanique s'écrit :

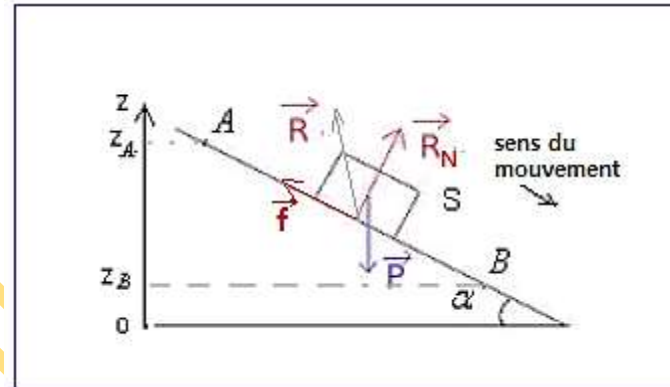
$$\Delta E_m = E_{mB} - E_{mA}$$

$$\Delta E_m = E_{CB} + E_{PPB} - E_{CA} - E_{PPA}$$

$$\Delta E_m = \Delta E_C + \Delta E_{PP}$$

D'après le théorème de l'énergie cinétique :

$$\Delta E_C = E_{CB} - E_{CA} = W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) + W_{A \rightarrow B}(\vec{R})$$



On sait que :

$$\Delta E_{PP} = -W_{A \rightarrow B}(\vec{P})$$

Donc :

$$\Delta E_C = -\Delta E_{PP} + W_{A \rightarrow B}(\vec{R})$$

$$\Delta E_m = \Delta E_C + \Delta E_{PP}$$

$$\Delta E_m = W_{A \rightarrow B}(\vec{R})$$

On a : $\vec{R} = \vec{R}_N + \vec{f}$

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{R}) = W_{A \rightarrow B}(\vec{R}_N) + W_{A \rightarrow B}(\vec{f})$$

$\vec{R}_N \perp \vec{AB}$ Donc : $W_{A \rightarrow B}(\vec{R}_N) = 0$ et $W_{A \rightarrow B}(\vec{f}) = \vec{f} \cdot \vec{AB} = -f \cdot AB$

Donc :

$$\Delta E_m = W_{A \rightarrow B}(\vec{f}) = -f \cdot AB < 0$$

Conclusion :

La variation de l'énergie mécanique est égale au travail des forces de frottement. Une partie de l'énergie mécanique du système est convertie en chaleur Q :

$$\Delta E_m = W_{A \rightarrow B}(\vec{f}) = -Q$$

3-2- Application :

Un corps solide (S) de masse $m = 0,4 \text{ kg}$, peut glisser sans frottement sur un plan incliné AB de longueur $L = 1,2 \text{ m}$, d'un angle $\alpha = 30^\circ$ par rapport à l'horizontale.

Le solide (S) part du point A avec une vitesse $V_A = 2 \text{ m/s}$ et passe par le point B avec une vitesse $V_B = 1 \text{ m/s}$.

1- Calculer la variation de l'énergie mécanique ΔE_m

2- En appliquant la variation de l'énergie cinétique, montrer que : $\Delta E_m = W_{A \rightarrow B}(\vec{f})$

Solution :

Calcul de ΔE_m

On sait que $\Delta E_m = \Delta E_C + \Delta E_{PP}$

$$\text{Avec } \Delta E_C = E_{CB} - E_{CA} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot (V_B^2 - V_A^2) = \frac{1}{2} \times 0,2 \times (2^2 - 1^2) = 0,3 \text{ J}$$

$$\Delta E_{PP} = -W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) = -m \cdot g \cdot h \text{ avec } h = L \cdot \sin \alpha$$

$$\Delta E_{PP} = -m \cdot g \cdot L \cdot \sin \alpha = -0,2 \times 10 \times 0,2 \times \sin(30^\circ) = -0,4 \text{ J}$$

$$\Delta E_m = \Delta E_C + \Delta E_{PP} = 0,3 - 0,4 = -0,1 \text{ J}$$

2- On applique le T.E.C entre les deux points A et B :

$$\Delta E_C = W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) + W_{A \rightarrow B}(\vec{R})$$

$$\Delta E_{PP} = -W_{A \rightarrow B}(\vec{P})$$

$$\Delta E_C = -\Delta E_{PP} + W_{A \rightarrow B}(\vec{R})$$

$$\Delta E_C + \Delta E_{PP} = W_{A \rightarrow B}(\vec{R})$$

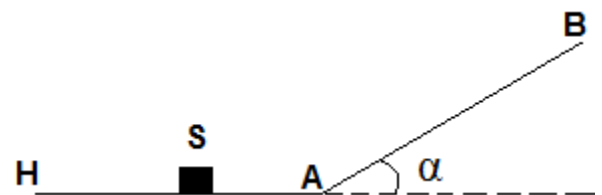
$$\Delta E_m = W_{A \rightarrow B}(\vec{R})$$

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{R}) = \underbrace{W_{A \rightarrow B}(\vec{R}_N)}_{=0} + W_{A \rightarrow B}(\vec{f}) = W_{A \rightarrow B}(\vec{f})$$

$$\Delta E_m = W_{A \rightarrow B}(\vec{f}) = -0,1 \text{ J} < 0$$

Exercice 1 :

Un objet ponctuel S, de masse $m = 2,00 \text{ kg}$, glisse sans frottement sur une piste horizontale (HA). Il aborde au point A une piste plane (AB) inclinée d'un angle $\alpha = 20^\circ$ par rapport à l'horizontale. Sa vitesse au point A est $v_A = 8,00 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$. Déterminer la



longueur $L = AB$ dont l'objet remonte sur la piste AB .

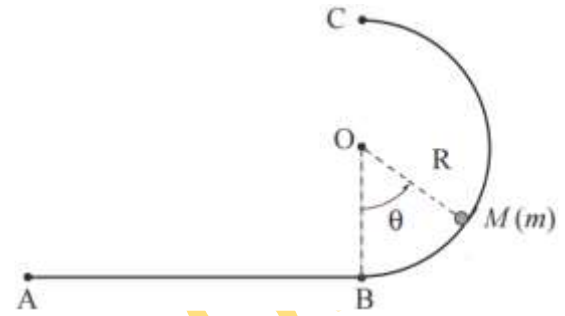
Exercice 2 :

Un solide ponctuel de masse m est lancé du point A sur une piste horizontale prolongée par un demi-cercle vertical de rayon R .

On donne : $AB = 1m$; $R = 1m$; $m = 0,5 kg$; $g = 9,81 N/kg$

1- Les frottements étant négligeable, calculer en A la vitesse minimale v_{min} que doit avoir l'objet pour qu'elle atteigne le pont C .

2- Même question lorsque les frottements entre l'objet et la piste sont assimilables à une force constante de norme $f = 1N$.



www.svt-assilah.com